

- (1) (Reproduktion) Charakterisierung der vektoriellen Verschiebungen bezüglich des ausgezeichneten Ursprungs;  $|\vec{x}| \cdot |\vec{n}| \cdot \cos(\varphi_1) = |\vec{p}| \cdot |\vec{n}| \cdot \cos(\varphi_2)$  - die geometrische Definition des Skalarprodukts ergibt: "Die Größe der Projektion eines Pfeiles, der einen Punkt der Ebene beschreibt, ist konstant".  $|\vec{p}| \cdot \cos(\varphi)$  gibt den Abstand der Ebene zum Ursprung an.  
Die äquivalente Gleichung bedeutet geometrisch: "Die vektorielle Verschiebung, die durch 2 Punkte einer Ebene charakterisiert wird, ist orthogonal zum Normalenvektor".
- (2) (Reorganisation / leichter Transfer) (1) Man legt eine zu  $\mathbf{e}$  parallele Hilfsebene  $\mathbf{e}_H$  durch den Punkt  $\mathbf{Q}$ , bestimmt den Abstand beider Ebenen zum Ursprung (Normierung des Normalenvektors - Hessesche Normalenform) und bildet die Differenz der beiden Ursprungsabstände.  
(2) Man erhält den Fußpunkt  $\mathbf{F}$  des Lotes von  $\mathbf{Q}$  auf die Ebene  $\mathbf{e}$  durch Inzidenzuntersuchung der Lotgeraden  $\mathbf{l}$  mit der Ebene. Die Streckenlänge  $\mathbf{QF}$  ergibt den Abstand.  
 $\mathbf{Q}$  liegt in  $\mathbf{e}$ , wenn (1) die "Projektionsgröße auf die Normalenrichtung" bei  $\mathbf{e}$  und  $\mathbf{e}_H$  gleich ist (2)  $\mathbf{F} = \mathbf{Q}$  ist.  
(2) ist zur Bestimmung eines Spiegelpunktes besser, da die Orientierung des Normalenvektors keine Rolle spielt.
- (3) (Problemlösendes Denken) Es muß gelten:  $\mathbf{r} \geq \frac{1}{2} \cdot \mathbf{d}$ , damit das Problem lösbar ist. Im Fall:  $\mathbf{r} = \frac{1}{2} \cdot \mathbf{d}$  ist das Problem eindeutig lösbar, im Fall:  $\mathbf{r} > \frac{1}{2} \cdot \mathbf{d}$  liegen alle gesuchten Mittelpunkte auf einem Kreis um die Lotgerade.  
Mögliche Vertiefungsfrage: Problem, eine (räumliche) Kreisgleichung anzugeben?
-