

- 1) (Reproduktion) Die Richtungsvektoren der beiden Geraden  $g$  und  $h$  sind nicht Vielfache voneinander, womit die Geraden entweder windschief sind oder einen gemeinsamen Punkt besitzen. Über ein LGS (in den jeweils 3 Komponenten) muss sich ergeben, dass das LGS keine Lösung besitzt, womit kein Schnittpunkt existieren kann.
  
  - 2) (a) (Reproduktion) Der Vektor, repräsentiert durch einen Pfeil zwischen den Fußpunkten eines gemeinsamen Lotes zu den beiden Geraden, ist orthogonal zu beiden Richtungsvektoren. Dies führt auf ein LGS von 2 Gleichungen in 2 Variablen (den Parametern für die Fußpunkte), das eindeutig lösbar sein muss.  
(b) (Reorganisation/leichter Transfer) Man denkt sich die eine Gerade, z.B.  $g$ , so parallel verschoben, dass sie die andere Gerade (also  $h$ ) schneidet. Dann spannen diese beiden Geraden eine Ebene  $e_H$  auf (Elementar: Parameterform einer Ebenengleichung). Der Abstand von  $g$  und  $h$  läßt sich nun als Abstand eines beliebigen Punktes von  $g$  zu  $e_H$  bestimmen (über Hessesche Normalenform).  
(a) ist selbstverständlich zur Bestimmung des Anfangs- und Endpunktes des Abstandes besser.
  
  - 3) (Problemlösendes Denken) Der Mittelpunkt der gesuchten Kugel ist der Mittelpunkt  $M(3 | 2,5 | 1)$  der Strecke  $F_g F_h$ , der Radius  $r$  ist der halbe Abstand ( $r = 3,5$ ).  
Gleichungen für die Tangentialebenen lassen sich am besten in Normalenform angeben, da die Berührungspunkte ( $F_g$  und  $F_h$ ) bekannt sind und eine vektorielle Verschiebung zwischen diesen Berührungspunkten einen geeigneten Normalenvektor darstellt.  
Mögliche Vertiefungsfrage: Warum ist die Bedingung: "kleinster Radius" notwendig?
-